

13703년 옥도 지하 7강

2013. 05. 12.

"별"

별을 잘 알고 있나?

별이 얼마나 리얼하게 다가오는가?

그러나 별을 정형화하기 어렵다. 여름 밤하늘 찾아간 시골에 반짝이는 별들의 감상은 정경이다.

별을 아날 정도로 느껴려면 맨 앞줄로 제복로 평행선에 나가 있어야 한다. 정형화하기 어렵다. 이글거리는 태양을 우리는 너무 가까이 물리적으로 느끼지 못하고 살고 있다.

지구보다 별을 뭉툭으로 느끼고 있다. 이것은 비유가 아니다. 지구 내부가 아직 바깥까지 닿지 않는다. 지진파를 통해서 지구를 바라본다. 그러나 태양은 그 내부를 물리적으로 잘 알고 있다.

약 5,000만 km 떨어진 태양의 온도를 알고 있을까?  
여름날 이글거리는 태양에서 오는 빛에 의해 온도가 30도, 40도 올라간다. 태양의 온도와 압력을 알고 있을까? 깨달 되어 있는 태양을 알고 있을까.

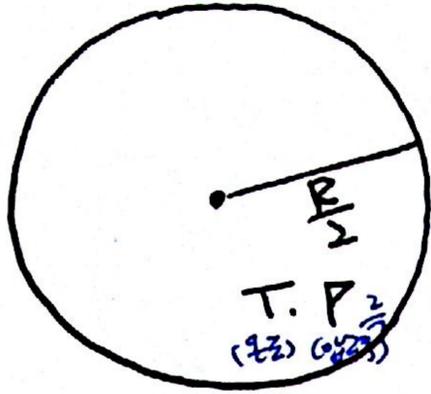
지구와 태양의 크기의 차이는 109 배이다.

별은 지구보다 자세히 알고 있다.

물리학은 거의 풀 수 있다. 대장치가 정해져 있기 때문이다. 뉴턴이 얼마나 대단한 사람인지 아는 순간 물리학을 만나게 된다. 지구에서 물리학 공이 가장 위대한 인물은 뉴턴과 아인슈타인이다.

물리학 현상을 정형화하기 힘들다고 하기 때문이다. 예외 없이 적용이 되는 공식의 위대함이 존재하고, 이 세계가 해명 가능한 세계가 된다.

주어진 대 정치는 단 하나의 공식이 있다.



뉴턴의 법칙.

$$\vec{F} = m\vec{a} \quad \vec{F} = \frac{-GMm}{r^2} \hat{r}$$

질량과 가속이 같으면 이 공식이 아라라 같은 말이다.

$F = ma$  와 만류 인력이 다르다고 하는 인구는 범한다.

Vector가 있기 때문이 (-) 이다.

$$F = ma \quad \left( F = \frac{-GMm}{r^2} \hat{r} \right) \text{ 만류 인력.}$$

$$= \left( \frac{-GM}{r^2} \right) m$$

중력

$$\vec{a} = \vec{g} = \frac{(6.67 \times 10^{-11} \text{ N}\cdot\text{m}^2\cdot\text{kg}^{-2}) \times (2 \times 10^{30} \text{ kg})}{(1 \times 10^8 \text{ m})^2}$$

$$= 28 \text{ g}$$

밀도

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4\pi}{3} R^3} = 1410 \text{ kg/m}^3$$

$$= 1.41 \times 10^6 / 10^6 \text{ cm}^3 = 1.41 \text{ g/cm}^3$$

물보다 1.4배 정도 밀도가 크다. → 가세된 레이어 있는 태양이 물보다 무겁다.

동명이론 현상이 일어나면 질량도 늘어난다. 태양의 중심의 현상이다. 레이어는 질량이 불가능하다.

현상에 큰 영향을 줄 수 없다. →

온도

$$PV = NKT$$

$$\frac{PV}{T} = NK$$

$$PV = NKT$$

$$P = \frac{N}{V} KT$$

중입자 갯수와 질량의 상관 공식은 무엇일까?

$$\rho = \frac{M}{V} = \frac{\bar{m}}{V} N \text{ (중입자)}$$

$$N = \frac{\rho V}{\bar{m}} \quad P = \frac{\rho V}{\bar{m}} \frac{KT}{V} = \frac{\rho}{\bar{m}} KT$$

$$= \frac{\rho}{\bar{m}} KT$$

$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t}$$

$$F = ma = \frac{dp}{dt} \quad \text{뉴턴 역학을 기체 법칙에 적용함}$$

→ 보일-샤를 법칙

→ 평균 질량이 무엇인지 모르니까. 단도인 태양이 이렇듯 존재한다는 상정하고 평균 질량을 치해버라.

$$\mu \equiv \frac{\bar{m}}{m_H} \quad \text{평균 분자량}$$

$$P = \frac{\rho}{\bar{m}} KT = \frac{\rho}{\mu m_H} KT$$

$$T = \frac{\mu m_H P}{\rho K} = 5 \times 10^6 \text{ K}$$

1.38 × 10<sup>-23</sup> J/K (보일-샤를 법칙)

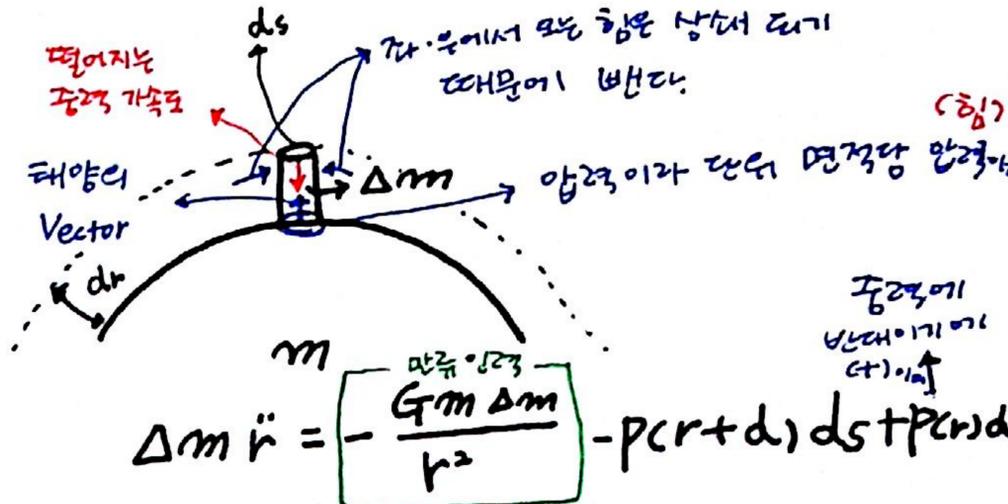
He 이 붙어있기 까지는 (1)로 된다.

$$M = \frac{2X + \frac{3}{4}Y + \frac{1}{2}Z}{1+1 + 1+2 + 1+2} = 0.61$$

$\downarrow$   $\downarrow$   $\downarrow$   $\downarrow$   
 H(He) 0.71 He(He) 0.27  $\downarrow$  0.02  
 X Y Z  
 1+1 1+2 1+2  
 (전자)  $\rightarrow$  원자번호 = 전자수 = 양성자수

$$e = \frac{\Delta m}{dr ds} \rightarrow dr ds = \frac{\Delta m}{e}$$

온도를 알면 입자의 에너지량을 알 수 있다. 압력을 만드는 것은 태양 내부의 온도를 아는 것과 같다.



$$\Delta m \ddot{r} = -\frac{Gm \Delta m}{r^2} - p(r+dr) ds + p(r) ds$$

$$= -\frac{Gm \Delta m}{r^2} - \frac{[p(r+dr) - p(r)]}{dr} dr ds$$

$$= -\frac{Gm \Delta m}{r^2} - \frac{dp}{dr} dr ds$$

$$= -\frac{Gm \Delta m}{r^2} - \frac{dp}{dr} \frac{\Delta m}{e}$$

$$\ddot{r} = a = -\frac{Gm}{r^2} - \frac{dp}{dr} \frac{1}{e} = 0$$

$$\frac{dp}{dr} = -e \frac{Gm}{r^2}$$

$$\frac{dp}{dr} = -e \frac{Gm}{r^2} = -e \frac{G}{r^2} \cdot \frac{4\pi}{3} r^3 \rho = -e^2 \frac{4\pi G}{3} r \rho$$

$$dp = -e^2 \frac{4\pi G}{3} r \rho dr$$

$$\int_p P dp = -\frac{e^2 4\pi G}{3} \int r \rho dr$$

$$P(R) - P(r) = -\frac{e^2 4\pi G}{3} \int_r^R r \rho dr$$

$$P \Big|_R^r = \frac{e^2 4\pi G}{3} \frac{1}{2} \left( R^2 - \frac{R^2}{4} \right)$$

$$= \frac{\pi G e^2}{2} R^2$$

$$= \frac{\pi \times (6.67 \times 10^{-11} \text{ N}\cdot\text{m}^2 \text{ kg}^{-2}) \times (1400 \text{ kg/m}^3)^2 \times (1 \times 10^8 \text{ m})^2}{2}$$

$$= 10^{14} \text{ N}\cdot\text{m}^2 = 10^{14} \text{ Pa}$$

별의 압력이 있을까? 이것은 계산하는 공식이다.

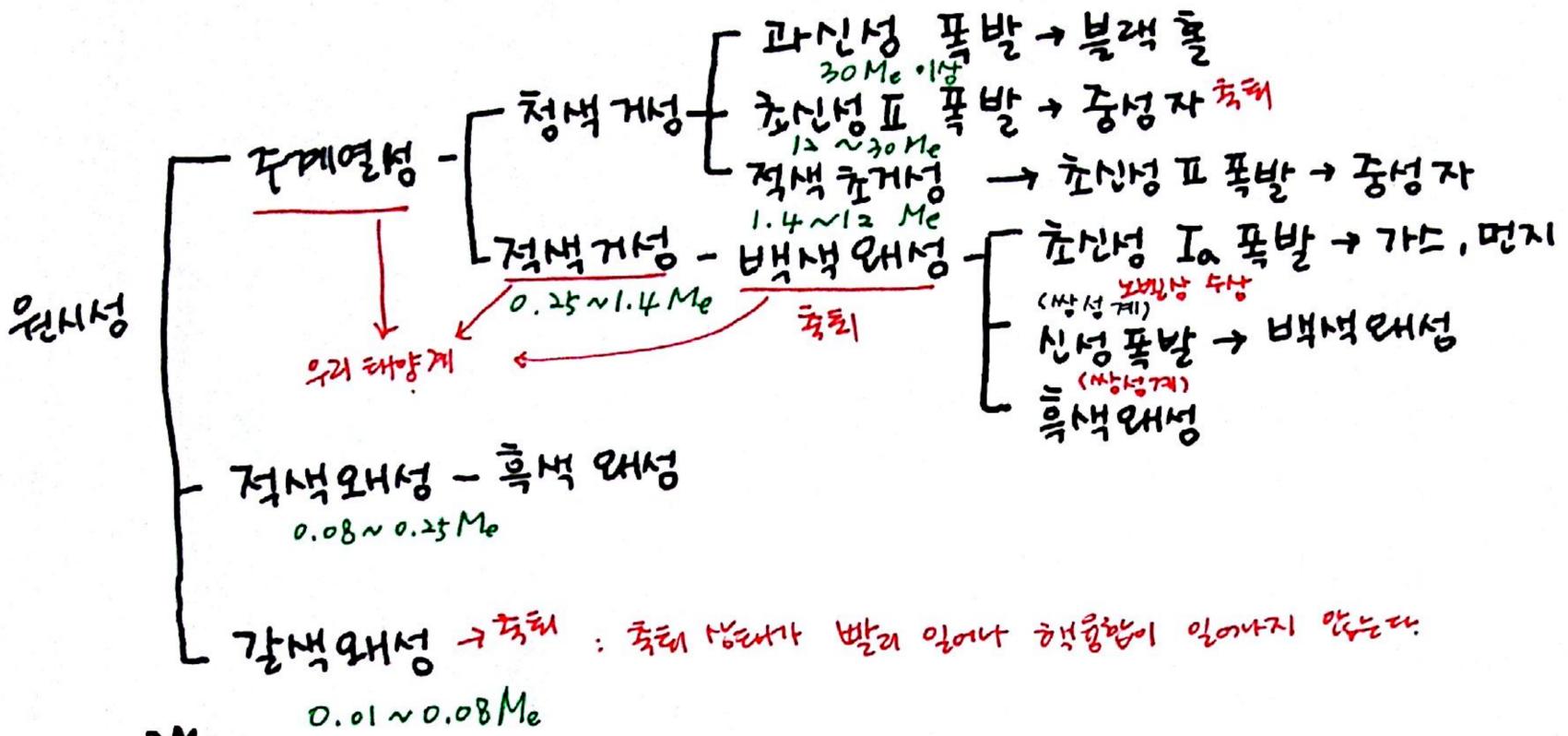
$$P = \frac{1}{3} a T^4 = 2 \times 10^{14} \text{ Pa}$$

별의 압력이 동등 크기에 10,000 톤의 압력이 생긴다. 별사 에너지의 힘이 이 정도이기 때문에 측정할 수 없다.

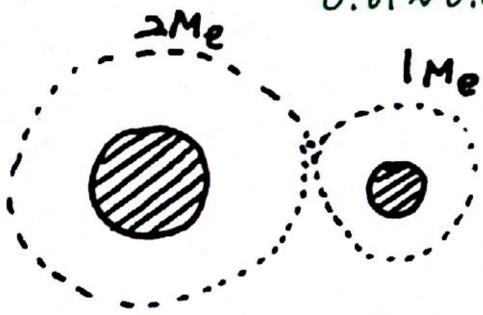
F = ma를 통해 질량, 밀도, 온도를 계산해 낼 수 있다.

	X	Y	Z
입자수	1+1	1+2	1+2
질량	1	4	2Z+1
입자수/질량	1	3/4	4Z/(2Z+1) = 1/2

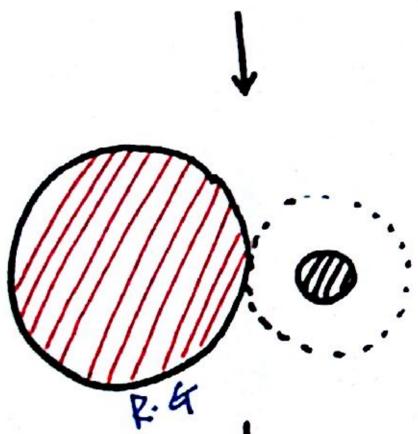




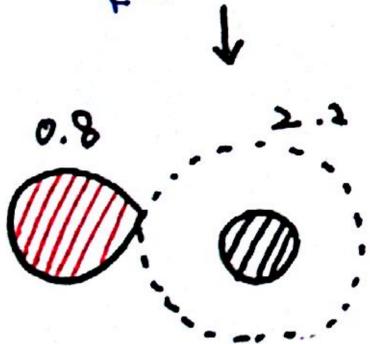
중핵 생성이 빨리 일어나 핵융합이 일어나지 않는다.



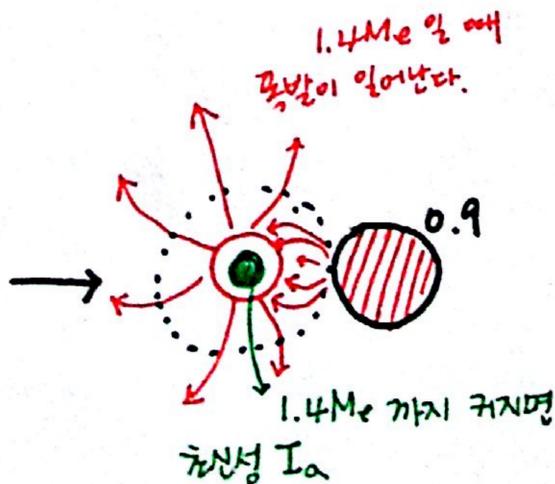
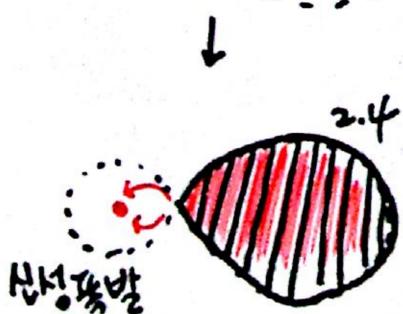
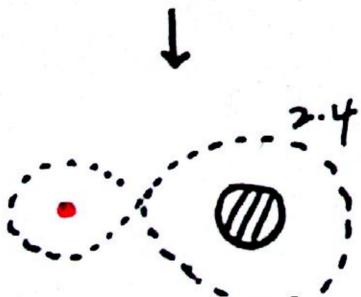
태양 옆에 그 배 질량의 태양이 있다. 우주에서는 일반적인 현상



그 배 크기의 태양이 더욱 커져 적색계성이 된다.



질량이 높은 태양, 이 태양의 가스를 가져가 크기가 커진다.



(천문학에서 1920년대 발견 → 1980년대에 노벨상 수상)

1,000개 이상의 별이 품어대는 빛만큼의 밝기를 낸다. 가독 광채를 증명

1.4배 이상이 되면 폭발이 일어난다.

축퇴 상태 → 빈 구멍이 없는 상태로 전자가 전자가 밀접하게 맞닿아 있는 현상이 생긴다. 다이아몬드가 바로 이 축퇴 상태이다. 결국 전자의 밀도를

계산하면 축퇴 상태를 알 수 있다.

spin up + spin down 이 들어갈 수 있는 상태가 전자가 들어갈 수 있는 최대이다.

$$n_e = \frac{2}{\Delta V}, \quad \Delta V \cdot \Delta p \geq h^3 \quad (\text{하이젠베르크 상수}) \quad \Delta V = \frac{h^3}{\Delta p}$$

$$n_e dp = \frac{2}{\Delta V} = \frac{2 \Delta p}{h^3} = \frac{2}{h^3} 4\pi p^2 dp$$

$$\begin{aligned} 4\pi r^2 dr &= \Delta V \\ 4\pi p^2 dp & \end{aligned}$$

$$p_0 = \left( \frac{3m_e h^3}{8\pi} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$$n_e = \int \frac{2}{h^3} 4\pi p^2 dp = \frac{8\pi}{h^3} \int_0^{p_0} p^2 dp = \frac{8\pi}{3h^3} p_0^3 = n_e$$

$$P = \frac{1}{3} \int_0^\infty v P n_e dp$$

$$\begin{aligned} F = ma &= \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{2mv}{\frac{2L}{v_x}} = \frac{mvx^2}{L} \\ &= \frac{mv^2}{3L} \end{aligned}$$

$$P = \frac{F}{A} = \frac{mv^2}{3LA}$$

$$= \frac{1}{3} \int \frac{p}{m_e} p \cdot \frac{8\pi}{h^3} p^2 dp$$

$$= \frac{(mv)v}{3v} = \frac{Pv}{3v}$$

$$= \frac{8\pi}{3m_e h^3} \int_0^{p_0} p^4 dp$$

$$P = \frac{NPv}{3v} = \frac{n_e}{3} Pv$$

$$n_e = \frac{\rho}{\mu_e m_H}$$

$$= \frac{8\pi}{15m_e h^3} p_0^5$$

$$P_{gas} = \frac{8\pi}{15m_e h^3} \left( \frac{3m_e h^3}{8\pi} \right)^{\frac{5}{3}}$$

$$= ( \quad ) n_e^{\frac{5}{3}}$$

$$= ( \quad ) \left( \frac{\rho}{\mu_e m_H} \right)^{\frac{5}{3}}$$

$$= k \cdot \rho^{\frac{5}{3}}$$

$$P_{e-deg} = k_1 \rho^{\frac{5}{3}}$$

electron degenerate state

$$P_{e-r-d} = \frac{1}{3} \int v P n_e dp$$

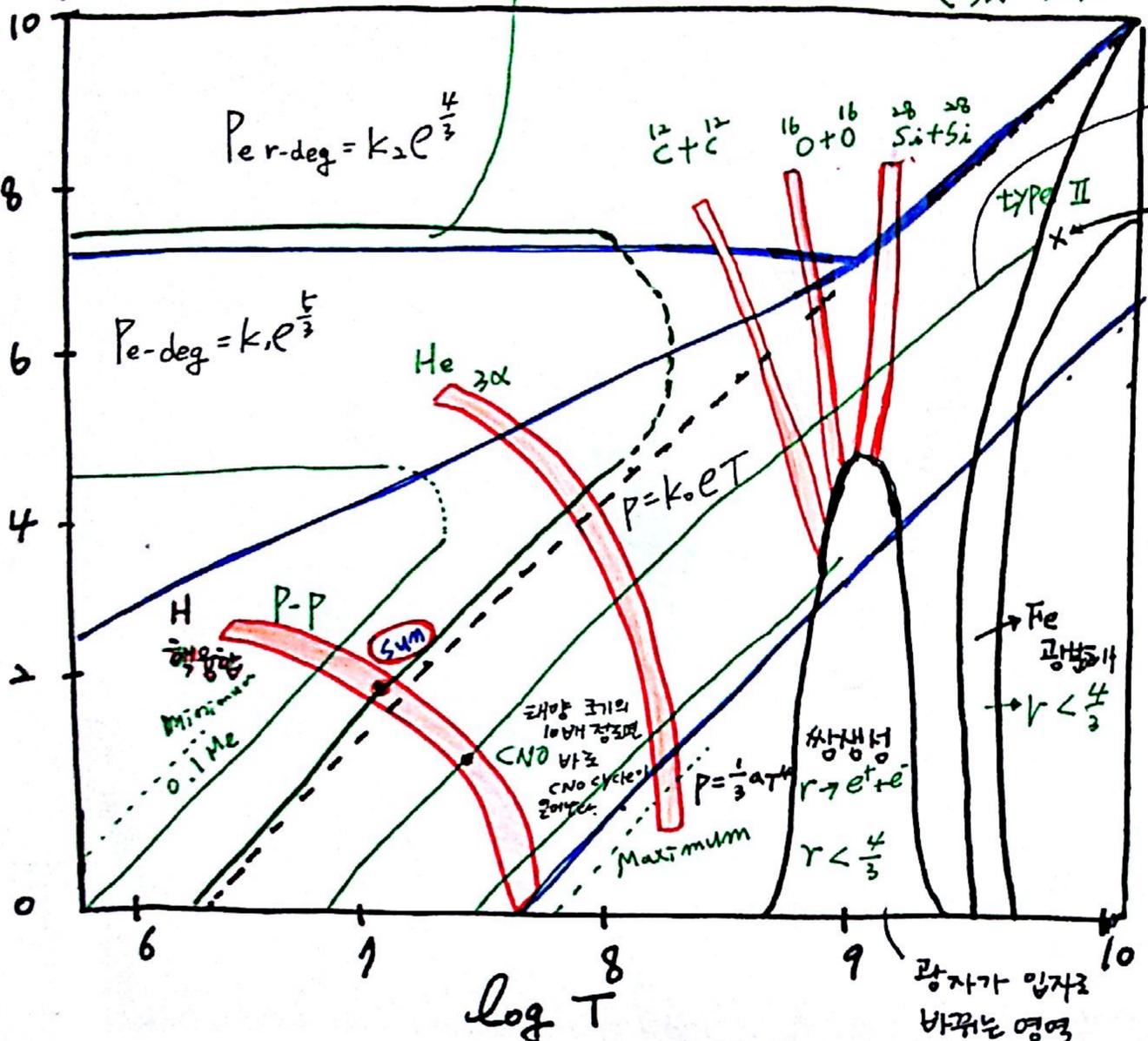
중요한 것은 cut-down 된 상태

$$= \frac{1}{3} \int c p \frac{8\pi}{h^3} p^2 dp$$

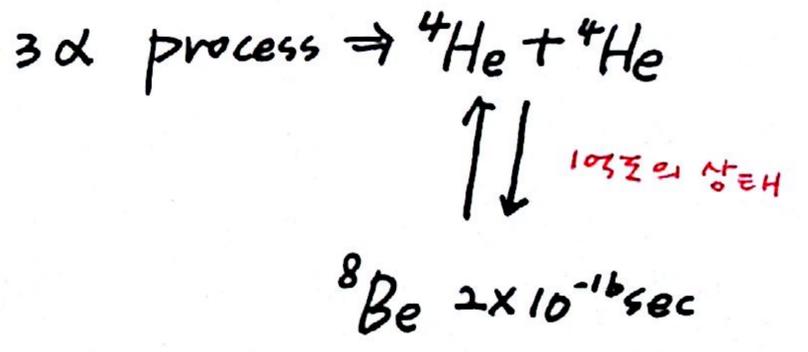
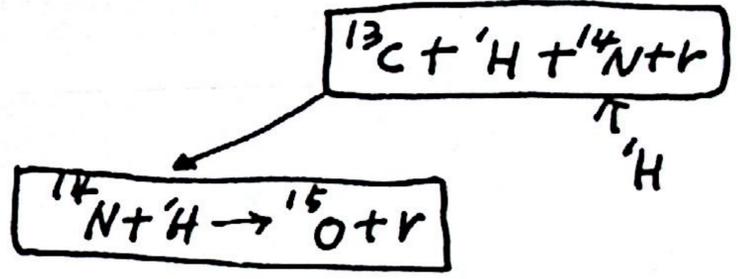
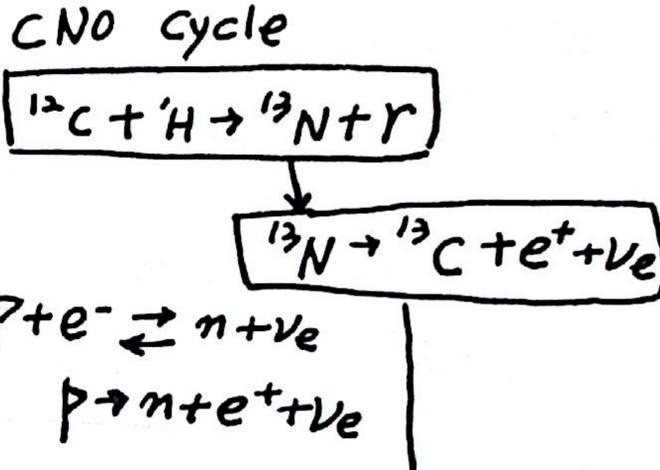
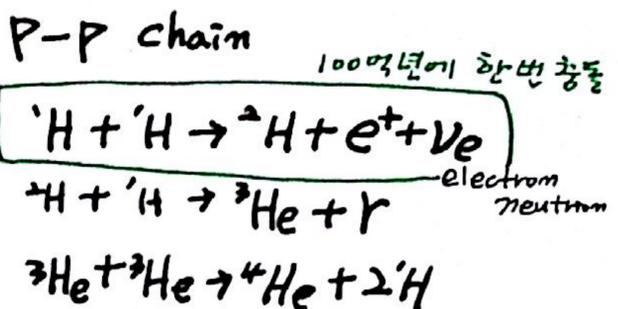
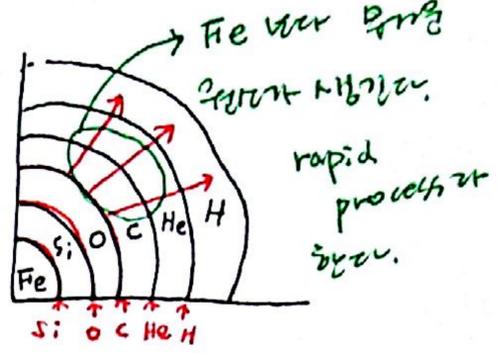
$$= \frac{8\pi c}{3h^3} \int_0^{p_0} p^3 dp = \frac{8\pi c}{3h^3} \frac{p_0^4}{4} = \frac{8\pi c}{3h^3} \frac{1}{4} \left( \frac{3m_e h^3}{8\pi} \right)^{\frac{4}{3}}$$

$$= ( \quad ) n_e^{\frac{4}{3}} = ( \quad ) \left( \frac{\rho}{\mu_e m_H} \right)^{\frac{4}{3}} = k_2 \rho^{\frac{4}{3}}$$

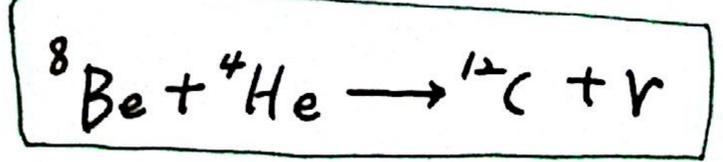
$\log \rho (\text{g/cm}^3)$



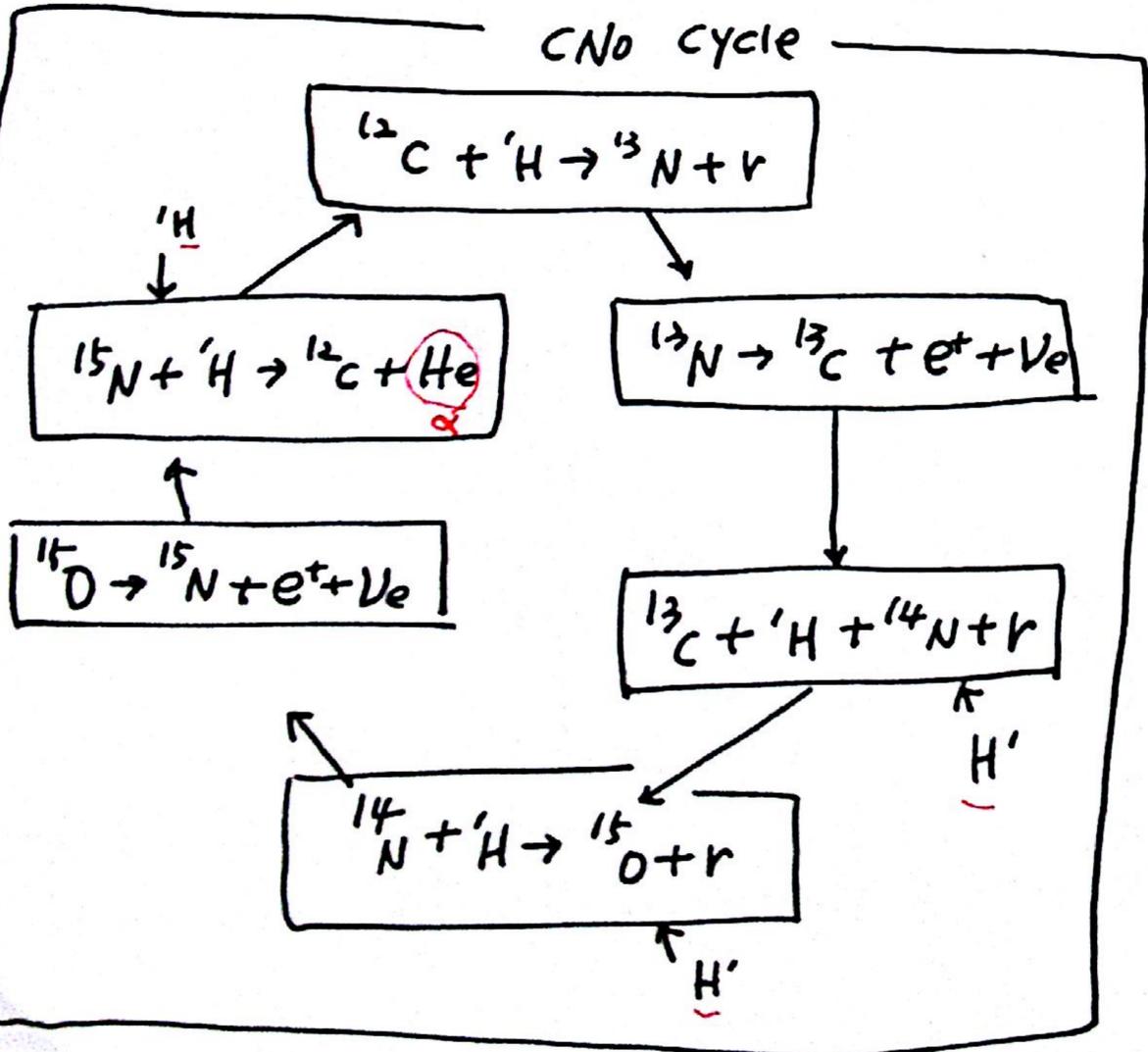
$\rho = \rho_0 e^{n/T} \rightarrow n \rightarrow$   
 P.P  $n=4$   
 CNO  $n=16$   
 3-alpha  $n=40$



1억분의 상에서  
 alpha particle 이 계속적으로 붕괴될 수 있다.  
 Be 이 붕괴되는 시간보다 짧다.



붕괴되는 그 사이에 Be와 He이 계속반응하여  
 위기될 "C"가 탄생한다.  
 1/3이다.



$$du - pdr = 0 \rightarrow du - pd\left(\frac{1}{\rho}\right) = 0$$

$$u = \phi \frac{P}{\rho} \quad \boxed{P = k e^{\nu}}$$

$\nu = \text{단열 지수}$

$\nu > \frac{4}{3}$  일때 안정하다.

$$\frac{dp}{dr} = -\rho \frac{GM}{r^2}$$

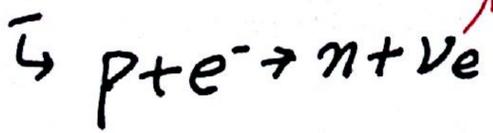
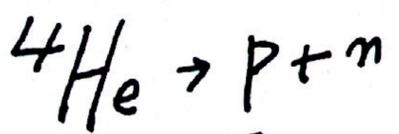
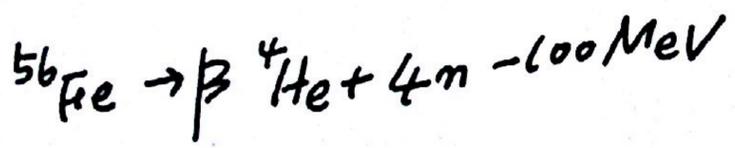
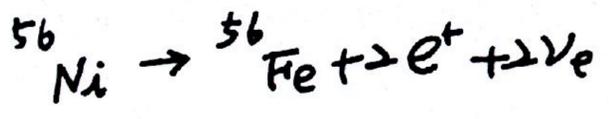
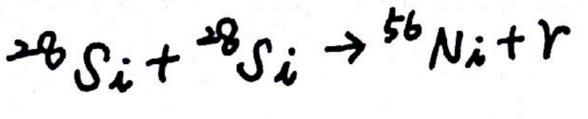
$$\frac{dp}{dm} = -\frac{GM}{4\pi r^4}$$

$$r \rightarrow r - \epsilon r$$

$$= r(1 - \epsilon)$$

$$dm = 4\pi r^2 dr \epsilon$$

Fe 붕괴



99% 중성자 나온다.

$$\text{type II} \Rightarrow 10^{46} \text{ J}$$

↓

$$10^{44} \text{ J (중성자)}$$

중성자가 나머지를 차지한다.

2. 이 에너지가 99%의 태양 에너지.

type II가 폭발하러 나서 코어가 붕괴가 시작이 된다.

중성자 무거운 원소가 이때 생긴다. 우리가 어디서 찾는가.

이 뉴트리노의 폭발에 의해 만들어진 원소도 우리의 몸이 만들어 졌다.

뉴트리노의 폭발에 의해 태양계의 공전 궤도가 생겼다.

우주. 별. 행성. 몸이 모두 여기서 태어났다.